

## Písemka ze ZDM č.2

1. Mějme množiny  $A = \bigcup_{n=1}^{\infty} (n, n+1)$  a  $B = \bigcup_{n=1}^{\infty} (\frac{1}{n}, n)$ . Čemu jsou rovny množiny  $B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \setminus B$ ?
2. Nalezněte posloupnost navzájem různých množin  $A_1, A_2, A_3, \dots$  takovou, aby platilo  $\bigcup_{n=1}^{\infty} A_n = [0, 3]$  a  $\bigcap_{n=1}^{\infty} A_n = \{1\}$ .
3. Na množině  $\mathbb{R}$  uvažujme relaci  $S$  definovanou vztahem  $xSy \Leftrightarrow x+y \geq 3$ . Které z vlastností reflexivita, symetrie, antisimetrie a transitivita má  $S$ ? Dokažte.
4. Na množině  $M = \bigcup_{n=1}^3 \{a, b, c\}^n$  uvažujeme lexikografické uspořádání  $\leq$ . Popište  $\leq^2$ .